1) Opera y simplifica:

a)
$$(3x^3 + 1) \cdot (2x^2 - 3x + 5)$$

b)
$$(x^3-2x+3) \cdot (x^2+4x-1)$$

c)
$$(x+1)^4$$

d)
$$x^2 \cdot (3x^3 - 2x + 3) - x^3 \cdot (3x^2 - 2x + 3)$$

2) Desarrolla los siguientes productos notables:

a)
$$(x + 3)^2$$

b)
$$(x-3)^2$$

c)
$$(x+3)\cdot(x-3)$$

e)
$$(2x-1)^2$$

f)
$$(2x+1)\cdot(2x-1)$$

d)
$$(2x+1)^2$$

i)
$$\left(\frac{x}{3} + \frac{1}{5}\right) \cdot \left(\frac{x}{3} - \frac{1}{5}\right)$$

j)
$$(x^2 + \sqrt{5})^2$$

g) $\left(x+\frac{1}{2}\right)^2$

h) $\left(\frac{x}{3}-2\right)^2$

3) Saca el mayor factor común de los siguientes polinomios:

a)
$$4x^5 - 8x^4 + 6x^3$$

b)
$$9x^3y^2 + 6x^2y^3 - 3x^2y^2$$

c)
$$6x^4 - 12x^3 + 18x$$

d)
$$x^6 - x^4 + x^2$$

e)
$$5x^4y^3 - 10x^3y^2 + 15x^2y$$

4) Divide los siguientes polinomios y exprésalos como *Divisor · cociente + resto*:

a)
$$(x^3 - 5x^2 + x - 2)$$
: $(x - 2)$

b)
$$(x^3 - 5x^2 - 2) : (x + 3)$$

c)
$$(x^3-2x^2-x+2)$$
: $(x-2)$

d)
$$(x^3-2x^2-x+2):(x-1)$$

e)
$$(x^3 - 2x^2 - x + 2) : (x + 1)$$

f) Opera:
$$(x-2)\cdot(x-1)\cdot(x+1)$$

NIVEL 4 ÁLGEBRA I

SOLUCIONES:

1) a)
$$6x^5 - 9x^4 + 15x^3 + 2x^2 - 3x + 5$$
; b) $x^5 + 4x^4 - 3x^3 - 5x^2 + 14x - 3$;
c) $x^4 + 4x^3 + 6x^2 + 4x + 1$; d) $2x^4 - 5x^3 + 3x^2$

2) a)
$$x^2 + 6x + 9$$
; b) $x^2 - 6x + 9$; c) $x^2 - 9$; d) $4x^2 + 4x + 1$; e) $4x^2 - 4x + 1$
f) $4x^2 - 1$; g) $x^2 + x + 1/4$; h) $\frac{x^2}{9} - \frac{4x}{3} + 4$; i) $\frac{x^2}{9} - \frac{1}{25}$; j) $x^2 + 2x^2\sqrt{5} + 5$

3) a)
$$2x^3 \cdot (2x^2 - 4x + 3)$$
; b) $3x^2y^2 \cdot (3x + 2y - 1)$; c) $6x \cdot (x^3 - 2x^2 + 3)$;
d) $x^2 \cdot (x^4 - x^2 + 1)$; e) $5x^2y \cdot (x^2y^2 - 2xy + 3)$

4) a)
$$(x-2)\cdot(x^2-3x-5)-12$$
; b) $(x+3)\cdot(x^2-8x+24)-74$; c) $(x-2)\cdot(x^2-1)$
d) $(x-1)\cdot(x^2-x-2)$; e) $(x+1)\cdot(x^2-3x+2)$; f) x^3-2x^2-x+2